







The french network on electrochemical energy storage

Diffusion in materials: from high temperature to complex systems

Michaël Deschamps

Université d'Orléans et laboratoire UPR 3079 CNRS-CEMHTI Conditions Extrêmes et Matériaux: Haute Température et Irradiation





















- Introduction: La RMN, principes et limitations
- La mobilité atomique en RMN: détection et caractérisation
- Comment détecter la mobilité lente ?
- Gradients de champ magnétique et diffusion
- Haute température et RMN
- Quelques exemples sur les verres
- Conclusions







Principe de la RMN



MALCOLM H

• On place un ensemble d'atomes porteurs de spin...









Spins et champ magnétique



Atomes porteurs de spin dans un champ magnétique intense B₀, par exemple :

4.7 T soit 100000 fois le champ terrestre en France)

Mouvement de précession des spins : 200 millions de rotations par seconde ($\gamma B_0 = 200 \text{ MHz}$, la fréquence de Larmor où γ est le rapport gyromagnétique du spin).





Interactions entre spins



 Chaque spin génère un champ magnétique microscopique



Perturbation de B₀ par les spins voisins (nucléaires ou électroniques) 0.01% de B₀







Conséquences



• Fluctuation de l'axe de précession des spins







L'aimantation macroscopique

 Relaxation longitudinale : état d'équilibre atteint au bout d'un temps T₁ (de quelques μs à des heures)





Fréjus - Oct 2021



Cemht



Agitation thermique



- Malheureusement, vrai à 0 K
- Mais à T > 0, il faut prendre en compte la statistique de Boltzmann

$$kT \approx 4.1 \times 10^{-21} J$$

$$\hbar\gamma B_0 \approx 1.33 \times 10^{-25} J$$

$$\frac{\hbar\gamma B_0}{kT}\approx 10^{-4}$$

Aimantation macroscopique maximale



Ce qui reste avec l'agitation thermique









Quels spins ?



- Noyaux faciles à observer: fréquences (cad γ) élevées et isotope abondant: ¹H (99,99% - 100 MHz)
 - ⁷Li (92.41% 39 MHz)
 - ¹¹B (80% 32 MHz)
 - ¹⁹F (100% 94 MHz)
 - ²³Na (100% 27 MHz)
 - ²⁷Al (100% 26 MHz)
 - ³¹P (100% 41 MHz)

- Fréquences de Larmor à 2.35 T
 - **Isotopes stables**

- Spins plus difficiles à observer fréquences plus basses abondance naturelle faible ⁶Li (7.6% - 15 MHz) ¹³C (1.1% - 25 MHz) Enrichissement isotopique ¹⁵N (0.4% - 10 MHz)
 - ²⁹Si (4.7% 20 MHz) ⁷⁷Se (7.6% - 19 MHz)

- de 100 à 10000 euros/gramme
- Spin très difficile à observer sans enrichissement isotopique ¹⁷O (0.04% - 14 MHz)
- Noyaux abondants et non observables en RMN: ¹²C et ¹⁶O







Principe de l'expérience



• Champ RF généré à la fréquence de Larmor dans la bobine irradiant l'échantillon









Principe de l'expérience



• Champ RF généré à la fréquence de Larmor dans la bobine irradiant l'échantillon









Principe de l'expérience



• Champ RF généré à la fréquence de Larmor dans la bobine irradiant l'échantillon





Pour un ensemble de spins



 L'aimantation résultante va précesser autour du champ RF B₁ à la vitesse γB₁









Pour observer l'aimantation



 Il suffit de stopper le champ B₁ quand l'aimantation arrive dans le plan xy











Fréjus - Oct 2021





Limitations



- Il faut que le champ RF puisse pénétrer l'échantillon
- Difficulté = métaux !!!
- Détection limitée à l'épaisseur de peau
- Vitesse de nutation v₁ >> au temps de relaxation T₁ (longitudinal) et T₂ (dans le plan xy)
- Cas des composés riches en atomes électrons célibataires (paramagnétiques): T₁ et T₂ courts et détection parfois impossible







Considération générales sur la relaxation pour les liquides/solides visqueux



Les fluctuations des interactions entre spins (et provenant entre autres des mouvements des atomes) sont à l'origine de fluctuations qui créent la relaxation







Fréjus - Oct 2021







LA MOBILITÉ ATOMIQUE EN RMN: DÉTECTION ET CARACTÉRISATION









La position du pic



 La fréquence de résonance dépend de l'environnement électronique: déplacement chimique





Echange chimique



$$A \stackrel{k}{\underset{k}{\rightleftharpoons}} B$$



Evolution de la fréquence de résonance















La RMN et la dynamique des ions à l'échelle microscopique











Conséquences



- La mobilité d'un atome implique:
- Un pic fin en RMN au moins à haute température
- Possibilité de distinguer atomes mobiles/non mobiles
- Attention: Formes de raies des noyaux quadripolaires (s > 1/2) = relaxation multi-exponentielle
 - = <u>1 site</u> mais <u>2 Lorentziennes</u> (1 large + 1 fine) pour ²³Na ou ⁷Li







Conséquences



- Si on voit plusieurs pics proches:
- Nécessairement les atomes ne peuvent pas passer de l'un à l'autre plus vite que la moitié de leur distance en fréquence...
- Sinon on ne verrait qu'un seul pic!









COMMENT DÉTECTER LA MOBILITÉ LENTE ?









Echange lent et RMN multidimensionnelle



 La RMN permet de corréler le signal d'un site avec celui d'un autre lors d'expériences bi-dimensionnelles





Cemht Echange lent Intensités des pics ulletdiagonal peak cross peak amplitudes amplitudes 1 1 ĸ 0.8 0.8 В Α Décroissance = 0.6 0.6 relaxation T₁ k 0.4 0.4 0.2 0.2 0.2 0.2 0 0.1 0.3 0.4 0.5 0.1 0.3 0.4 0.5 0 $\tau_{\rm m}/s$ $\tau_{\rm m}/s$ Détermination de k la constante de vitesse ٠ 1 $(\tau_{\rm m}) = \frac{\sinh(k\tau_{\rm m})}{\cosh(k\tau_{\rm m})} = \tanh k\tau_{\rm m}$ across 0.8 adiag cross/diagonal 0.6 amplitude ratio 0.4 0.2 0.1 0.2 0.3 0 0.4 0.5 τ_m/s initial rate regime Fréjus - Oct 2021 RSIE

Spectroscopie 2D d'échange



Li₃V₂(PO₄)₃ Structure type NASICON

Cemht



TABLE 3: Summary of Activation Energies for Li Ion Hopping between Sites in $Li_3V_2(PO_4)_3$, Correlated to the Distances between the Two Sites and the Size of the Li–O Bottleneck within the Channel for Conduction

	activation energy (eV)	interatomic distances (Å)	Li-O bottleneck (Å)
AB	0.73 ± 0.01	3.08(3)	1.55
AC	0.79 ± 0.01	3.28(3)	1.44
BC	0.83 ± 0.01	3.43(3)	0.75







Echange lent



- Echange entre sites/phases de déplacements chimiques distincts ou dans le cas de pics larges Gaussiens (pas d'échange = diagonale fine, tache ronde = échange entre sites)
- Détection de mouvements lents
- Limité par T₁...
- En compétition avec la diffusion de spin dans le cas de noyaux abondants et fortement couplés (¹H, ¹⁹F, ⁷Li...) = pics croisés sans mobilité entre sites









GRADIENTS DE CHAMP MAGNÉTIQUE ET DIFFUSION









Préambule: La diffusion





Coefficient d'auto-diffusion : D en m^2/s Distance parcourue (libre parcours moyen pendant Δ) = (2, 4 ou 6D Δ)^{1/2} Pour la RMN: liquides/solides : $D > 10^{-16} \text{ m}^2/\text{s}$ (pour H₂O = 2.3·10⁻⁹ m²/s)



Fréjus - Oct 2021





Un outil: Les gradients de champs magnétiques



Rôle des gradients de champs magnétiques: encoder la position des spins dans leur fréquence de résonance ou leur décalage de phase



Diffusion et gradient de champ ?





Fréjus - Oct 2021



Cemhti

Diffusion et gradient de champ ?





Fréjus - Oct 2021



Cemhti





Conséquences



- L'atténuation du signal d'écho a lieu si les atomes se déplacent sur une distance ≈ pas de l'hélice des phases soit environ 1-10 μm.
- Mesures limitée par la relaxation:
- T₂ doit être > au temps d'application des gradients En pratique au moins quelques millisecondes.
- T₁ > au délai de diffusion
 En pratique quelques dizaines ou centaines de ms













Cemht















- L'atténuation du signal n'a lieu que pour les atomes ayant diffusé.
- Ceux qui ne diffusent pas = signal non atténué
- Courbe de diffusion plate
- Possibilité de distinguer ceux qui diffusent/ceux qui ne diffusent pas à l'échelle de 1-10 μm







Autres problèmes



- Convection: dans le cas d'échantillon peu visqueux/avec gradients de température
- Test: allure de la courbe, mesure de D avec différents Δ et diminution de D avec Δ ---: Allure de la



Deux solutions:

 Deux solutions:
 Bloquer physiquement la
 Gradient stren
 Gradient stren

 Convection (capillaires, autre solide inerte...)
 Séquence RMN « anti-convection »

A.-L. Rollet et al. / C. R. Chimie 13 (2010) 399–404 G.H. Sørland, J.G. Seland, J. Krane, H.W. Anthonsen, J. Magn. Reson. 142 (2000) 323.

A.Jerschow et al., J. Magn. Reson. **125,** 372–375 (1997)







Gradients internes



- Dans le cas d'échantillons « hétérogènes » à l'échelle microscopique, on observe des gradients de champ interne qui se superposent aux gradients appliqués
- Solutions : gradients « bipolaires » permettant de refocaliser les gradients internes avec un écho de Hahn









$$\Psi(\delta g, \Delta) = \frac{1}{2} \int_0^{\pi} \exp\{-(\gamma \delta g)^2 \Delta (D_{\text{par}} \cos^2 \Theta + D_{\text{perp}} \sin^2 \Theta)\} \sin \Theta \, d\Theta$$

Water diffusion in mesoporous anisotropic solid F. Stallmach, J. Kärger, C. Krause, M. Jeschke, U. Oberhagemann *J. Am. Chem. Soc.* 122, 9237-9242, **2000**



Fréjus - Oct 2021











Z.Wang, M.Gobet, V.Sarou-Kanian, D.Massiot, C.Bessada, M.Deschamps *Phys. Chem. Chem. Phys.* **14**, 13535-13538 2012



Z.Wang, M.Gobet, V.Sarou-Kanian, D.Massiot, C.Bessada, M.Deschamps *Phys. Chem. Chem. Phys.* **14**, 13535-13538 2012



Fréjus - Oct 2021



Caveat... diffusion length



Diffusion pendant Δ :



VS



© University of Bristol

Pour la diffusion dans un plan:

 $\langle r^2 \rangle = \langle x^2 \rangle + \langle y^2 \rangle = 4 D_{XY} \Delta$

Dans notre cas \approx 4 μ m

A comparer à la taille des domaines observés Sinon = diffusion restreinte

Ici Li₃N : particules de 180 μ m + étape de céramisation



Fréjus - Oct 2021







HAUTE TEMPÉRATURE ET RMN









Haute température ?



- En général:
- Systèmes commerciaux (Bruker...)
- Sonde classique en RMN du liquide (statique/diffusion): -30 à +80°C
- Sonde classique solide (4 mm): -100°C à +120°C (variable)
- Sonde solide 4mm WVT (stator en MgO): jusqu'à 300°C avec rotation de l'échantillon à 5000 Hz
- Sonde Laser 7 mm: 700°C @ 7000 Hz

Sondes non commerciales:

- Sonde laser statique (et diffusion): +1500°C
- Sonde lévitation : +3000°C







Fréjus - Oct 2021

V.Sarou-Kanian et al. PCCP (2009)

Beyond chemical shift measurements: diffusion and relaxation measurements at high temperature









Diffusion in solids: anisotropic diffusion in

Li₃N

Z.Wang, M.Gobet, V.Sarou-Kanian, D.Massiot, C.Bessada, M.Deschamps Phys. Chem. Chem. Phys. 14, 13535–13538 (2012)

$$\psi(g\delta, \Delta) = \frac{1}{2} \int_0^{\pi} \exp\{-(\gamma \delta g)^2 \Delta (D_{ZZ} \cos^2 \theta)\}$$

NMR probe



Molten fluorides and oxides



A.L.Rollet, V.Sarou-Kanian, C.Bessada Self-diffusion coefficients measurement at high temperature by PFG NMR *C. R. Chim.* **13**, 399-404 (2010)

T.Ohkubo, M.Gobet, V.Sarou-Kanian, C.Bessada, M.Nozawa, Y.Iwadate

Self-diffusion coefficient of lithium in molten xLi_2O -(1-x) B_2O_3 system using high-temperature PFG NMR Chem. Phys. Lett. **530**, 61-63 (2012)

Linewidths and relaxation studies

Fluctuations of interactions vs mobility

R.A.Shakhovoy, M.Deschamps, A.Rakhmatullin, V.Sarou-Kanian, P.Florian, C.Bessada

Motional narrowing under diffusion of two spin sub-lattices in LiNaSO₄ Solid State NMR **71**, 80-86 (2015)







- Borates de lithium
- Cf M.Malki
- Rôle de la dépolymérisation du réseau

T. Ohkubo et al., Chemical Physics Letters 530 (2012) 61–63



Figure 2. Isothermal ⁷Li self-diffusion coefficients at 1250 K as a function of composition in $xLi_2O-(1 x)B_2O_3$ (blue circles). Green squares and red triangles markers, respectively denote the lithium self-diffusion coefficient of average sites, D(MD), and non-bonding sites, $D(MD^{nb})$, respectively, reported by molecular dynamics simulation at 1250 K [13]. (For interpretation of the references to color in this figure legend, the reader is referred to the web version of this article.)





Verres et vitrocéramiques



 Le cas de 70Li₂S-30P₂S₅ and Li₇P₃S₁₁





Hétérogène à l'échelle de 1 μm ? Deux composantes en diffusion: Taille des domaines/cristallites ? Diffusion anisotrope ? Echange entre pics ?

M.Preefer et al. ACS Appl. Mater. Interfaces 2019, 11, 42280–42287







Diffusion restreinte



- Si on a restriction de la diffusion = pores/domaines...
- Phénomènes d' « interférences »



Figure 15 Echo amplitudes versus q^2 for pore glass. The data sets were obtained with $\Delta = 20(\blacksquare)$, 40 (•), 70 (\blacktriangle), and 110 (\blacklozenge) ms. (q in this figure is defined as $1/\Lambda$)¹⁰²







Domaines et diffusion restreinte

- Diffusion dans Li₃PS₄ amorphe
- Retrouvé dans un certain nombre d'électrolytes solides



Cemht

Amorphous Li₃PS₄ K. Hayamizu et al. / Solid State Ionics 285 (2016) 51–58







Conclusions



- Observation de la mobilité à l'échelle atomique
- Ou à l'échelle du micromètre
- Rôle des hétérogénéités à l'échelle du micromètre

Fréius - Oct 2021

 Peu d'applications jusqu'ici dans les verres: RELAXATION RMN Moins bons conducteurs ioniques Souvent autour du minimum de $T_1 + T_2$ faible = **fluctuations** résonantes avec la fréquence de **Larmor** v_0 (mouvements en 1-10 ns) = moins bon endroit pour mesurer D par PFG.







Conclusions



- La diffusion mesurée par RMN: limite expérimentale à 10⁻¹⁶ m²/s expérimentale si T₁/T₂ favorable, plutôt 10⁻¹³ m²/s de manière routinière (cf présentation E.Gouillard)
- Fonctionne bien avec les électrolytes polymères (diffusion des cations et des anions, nombre de transfert = complément avec la conductivité)
- Fonctionne mieux avec les chalcogénures qu'avec les oxydes = meilleurs conducteurs ioniques (ex: batteries tout-solide)







Remerciements



















Remerciements







Infrastructures de Recherche du CNRS RMN, Très Hauts Champs - CEMHTI F.Fayon / P.Florian FR3050 CNRS

http://www.ir-rmn.fr



Fréjus - Oct 2021





Remerciements



- Plateforme RMN du RS2E
- Spectromètre WB Bruker bas champ à 200 MHz
- Sonde ultra-haute vitesse Bruker
- Sonde WVT 4mm (-100 à +300°C)
- Sonde diffusion (3000 G/cm)















Merci pour votre attention





